

Секция «Математика и механика»

Гладкие приближения для мультидробного броуновского движения

Ральченко Константин Владимирович

Кандидат наук

Киевский Национальный Университет имени Тараса Шевченко,

Механико-математический факультет, Киев, Украина

E-mail: k.ralchenko@gmail.com

Многие процессы, возникающие в экономике, природоведении, финансовой математике и других областях, обладают свойством долгосрочной зависимости. Для математического моделирования таких процессов, как правило, используется дробное броуновское движение (ДБД). Однако стационарность приращений ДБД существенно ограничивает область применения таких моделей. В частности, она не позволяет моделировать процессы с меняющейся во времени регулярностью траекторий и «глубиной памяти». В связи с этим, в последнее время разными авторами было предложено несколько вариантов обобщения ДБД: мультидробное броуновское движение (МБД) со скользящим средним ([1]), МБД типа Вольтерры ([2]), гармонизированное МБД ([3]).

В работе построены абсолютно непрерывные процессы, сходящиеся к МБД в пространствах типа Бесова. Рассматриваются стохастические дифференциальные уравнения, содержащие МБД. Построены приближения решений таких уравнений решениями обыкновенных дифференциальных уравнений со случайными коэффициентами. Аналогичные результаты получены для мультидробных броуновских полей на плоскости.

Литература

1. Peltier R. F., Lévy Véhel J. Multifractional Brownian motion: definition and preliminary results // INRIA research report. 1995. No. 2645.
2. Boufoussi B., Dozzi M., Marty R. Local time and Tanaka formula for a Volterra type multifractional Brownian motion // Bernoulli. 2010. Vol. 16. No. 4. P. 1294–1311.
3. Benassi A., Jaffard S., Roux D. Gaussian processes and pseudodifferential elliptic operators // Revista Mathematica Iberoamericana. 1997. Vol. 13. No. 1. P. 19–89.